**Centres étrangers 1 2022 Jour 2** [**https://labolycee.org**](https://labolycee.org)

**EXERCICE C - Capacité thermique massique du cuivre (5 points)**

La capacité thermique massique d’un métal, notée 𝑐, est une grandeur caractéristique de ce métal. Son unité est : J·kg-1·K-1 (ou J·kg-1·°C-1).

Pour une masse *m* donnée de métal, cette grandeur est reliée à la capacité thermique 𝐶 par la relation 𝐶 = 𝑚 𝑐 .

Plusieurs méthodes expérimentales permettent de déterminer la valeur de la capacité thermique massique. L’une d’elle repose sur l’analyse des échanges thermiques entre un échantillon de métal chauffé préalablement dans une étuve et un volume d’eau à température ambiante.

Dans cet exercice, on s’intéresse tout d’abord à la durée de chauffage de l’échantillon dans l’étuve avant d’examiner la méthode mise en œuvre afin de retrouver la valeur de la capacité thermique massique du métal le constituant.

*On rappelle que l’expression de la variation d’énergie interne d’un système incompressible de masse 𝑚 entre deux états i et f se met sous la forme :*

𝛥𝑈𝑖→𝑓 = 𝑚 𝑐 𝛥𝜃

*avec 𝑐 la capacité thermique massique du système étudié et* 𝛥𝜃 = (𝜃𝑓 − 𝜃𝑖) *la variation de température du système entre ces deux états.*

**Temps de mise à température de l’échantillon de cuivre**

À la date *t* = 0, on place un échantillon de cuivre, initialement à la température ambiante 𝜃𝑎, dans une étuve à l’intérieur de laquelle l’air est à la température 𝜃𝑡ℎ = 100 °𝐶.

On veut estimer la durée nécessaire pour être sûr que la température de l’échantillon de cuivre est bien de 100 °C à moins de 1 degré près.

Pour cela, on étudie l’évolution temporelle de la température 𝜃(𝑡) du système « échantillon de cuivre », de masse *m*.

**Hypothèses**

* La température 𝜃(𝑡) est la même en tout point de l’échantillon de cuivre.
* L’air à l’intérieur de l’étuve joue le rôle d’un thermostat. Sa température 𝜃𝑡ℎ reste constante au cours du temps.
* Le transfert thermique entre le système et l’air à l’intérieur de l’étuve obéit à la loi phénoménologique de Newton qui exprime une relation de proportionnalité entre le flux thermique Φ et l’écart de température (𝜃𝑡ℎ − 𝜃(𝑡)).

Φ = ℎ 𝑆 (𝜃𝑡ℎ − 𝜃(𝑡))

**Données** :

* 𝜃𝑎 = 20,5 °C 𝜃th = 100,0 °C
* Masse de l’échantillon de cuivre *m* = 44,8 g.
* Capacité thermique massique du cuivre, valeur tabulée : 𝑐 = 385 J·kg-1·K-1.
* Surface *S* d’échange entre le système et l’air *S* = 22 cm2
* Coefficient d’échange convectif de l’air : ℎ = 10 W ⋅ m−2 ⋅ K−1

1. Prévoir le sens du transfert thermique *Q* qui a lieu entre le système et le thermostat.

2. Écrire le premier principe pour le système et en déduire une relation entre le transfert thermique *Q,* la masse du système *m,* la capacité thermique massique du cuivre *c* et la variation de température ∆𝜃 du système soumis au transfert thermique.

3. Donner la relation liant le transfert thermique 𝑄 et le flux thermique Φ pendant la durée très courte Δ𝑡. On suppose que Φ est constant pendant la durée Δ𝑡.

4. En déduire une relation entre ℎ, *S*, 𝜃th, 𝜃(𝑡), *m*, 𝑐*,* ∆𝜃 et ∆𝑡 .

5. Déduire de ce qui précède l’équation différentielle donnant l’évolution de la température 𝜃(𝑡) du système en fonction du temps. La mettre sous la forme :

étant un temps caractéristique

La solution de l’équation différentielle précédente est de la forme :

où 𝐴 et 𝐵 sont deux constantes

6. Déterminer l’expression des constantes 𝐴 et 𝐵 en fonction de 𝜃𝑎 et 𝜃th. Détailler le raisonnement.

7. Montrer que l’application numérique conduit à l’expression suivante, avec *t* en s :

8. Déterminer la date 𝑡1 à partir de laquelle la température du système sera supérieure à 99 °C.

**Principe de la détermination de la capacité thermique massique**

On a placé une masse *me* d’eau dans un calorimètre. La température d’équilibre de l’eau est  
𝜃𝑒 = 20,5 °C. On plonge l’échantillon de cuivre à la température 𝜃𝑡ℎ dans l’eau du calorimètre. La température finale de l’ensemble se stabilise à la valeur 𝜃𝑓.

**Hypothèses**

* La paroi du calorimètre étant une enceinte calorifugée, il n’y a pas de transfert thermique entre l’intérieur et l’extérieur du calorimètre.
* On considère de plus, pour simplifier, que le calorimètre ne participe pas aux échanges thermiques et que, par conséquent, les échanges thermiques au sein du calorimètre n’ont lieu qu’entre l’eau et l’échantillon de cuivre.

**Données** :

* Masse de l’eau dans le calorimètre *me* = 100 g.
* Masse de l’échantillon de cuivre : *m* = 44,8 g.
* Capacité thermique massique de l’eau *ceau* = 4180 J·kg-1·K-1
* Température initiale de l’eau 𝜃𝑒 = 20,5 °C.
* 𝜃𝑓 = 23,1°C.

9. Sachant que, dans le calorimètre, l’ensemble {échantillon de cuivre, eau} est isolé, montrer que :

10. Faire l’application numérique. Proposer une explication à un éventuel écart avec la valeur tabulée.